<u>Notas.</u> (i) Todas as funções que escrever devem ser funções puras. (ii) a|b significa "a divide b" (em Python: b%a==0). (iii)  $\rightarrow$  significa "retorna". (iv) Propõe-se a seguinte orden de resolução: 1, 3, 2, 5, 4, 6.

### 1. Dos segundos aos dias...

Escreva uma função converte(n), onde n é um inteiro não negativo, que converte n segundos para um tuplo da forma (d,h,m,s) cujos elementos são os números de dias, horas, minutos e segundos, respectivamente. Por exemplo,

$$converte(3680) \rightarrow (0,1,1,20)$$

# 2. Um modo de encriptar textos...

Escreva uma função encripta(s,n), onde s é uma "string" constituída apenas por letras minúsculas (não acentuadas) e espaços e n é um inteiro; a função retorna a "string" que resulta de mudar cada letra de s para a letra que está n posições mais à frente. Os espaços ficam inalterados. Por exemplo,

Notas. A seguir à letra 'z' considera-se que está a letra 'a'. A função que escrever deve funcionar também para valores negativos de n, por forma a facilitar a descriptação,

$$\text{se}\left[\left.\text{encripta}(s,n)\to t\right|,\, \text{ent\~ao}\left[\left.\text{descripta}(t,-n)\to s\right.\right.\right]$$

Teste este tipo de utilização de encripta. Lembra-se que os códigos das letras são consecutivos. Recorde-se das funções ord e chr.

## 3. Decomposição em factores primos...

Sabe-se que qualquer inteiro n pode ser decomposto de uma forma única (à parte a ordenação dos factores) num produto de primos

$$n = p_1^{e_1} \times p_2^{e_2} \times \ldots \times p_k^{e_k}$$

Escreva uma função decomp(n) que retorna a "string" que expressa essa decomposição, na forma que se exemplifica

Pode utilizar a função str; exemplo str(25) -> "25".

Repare que: (i) os primos ocorrem por ordem crescente, (ii) não se coloca o expoente quando ele é 1, (iii) o sinal \* só ocorre entre os factores. Sugestão. Use o seguinte método

```
p=2  # Primeiro inteiro tentado como divisor
sinal=False  # 'True' quando é para colocar '*'
r=""  # string a construir
enquanto n>1:
  e=0
  enquanto p|n:
    n=n/p; e=e+1
  if e>0:  # nao vao ocorrer os inteiros com expoente 0
    r = r + texto(p,e,sinal)
    sinal=True
p=p+1
```

onde  $\mathsf{texto}$  é uma função apropriada (que deve também escrever). Note que, sempre que  $\mathsf{e}{>}0$ , o correspondente  $\mathsf{p}$  é primo!

4. Reduzir o contraste de uma imagem...

Uma "imagem" a preto e branco pode ser representada por uma lista de linhas, sendo cada linha uma lista de inteiros entre 0 (preto) e 255 (branco). Reduzir o contraste de uma imagem é substituir cada inteiro da imagem (excepto os que estão nos lados) pela média dos seguintes 5 inteiros: o próprio inteiro, o inteiro acima, o inteiro abaixo, o inteiro à esquerda e o inteiro à direita.

Escreva uma função reduz(im) que calcula a imagem cque resulta de reduzir o contraste a im. Admite-se que im é quadrada. Por exemplo

```
[[10, 100, 100],

[40, 10, 200], --> [40, 90, 200],

[50, 100, 100]] [50, 100, 100]]

pois (10+100+100+40+200)/5 = 90.

Nota. Pode copiar a imagem im com

from copy import *

imc = deepcopy(im)
```

#### 5. "Master mind"...

Escreva uma função

### acertou(s,t)

onde s é o "segredo" e t a "tentativa" de um jogo "Master mind". A função retorna um tuplo (a,f) onde a e f são o número de cores que acertou "no sítio" e "fora", respectivamente, conforme se exemplifica

 $\underline{\text{Notas.}}$ s e t<br/> são "strings" de dígitos que representam cores; têm o mesmo comprimento.

## 6. Mais "Master mind"...

Usando a função que escreveu na questão anterior (acertou(s,t)) escreva uma outra função joga(pinos,cores) em que

- (a) O computador gera um segredo s string aleatória de comprimento pinos, podendo as cores ir de 0 a cores.
- (b) O utilizador faz sucessivas tentativas, fornecendo ao computador strings t. O computador indica de cada vez o número de cores que acertou no sítio e fora.
- (c) O programa termina quando o utilizador tiver acertado em todas as cores (em número de pinos) do segredo.