

1. **Tabela de logaritmos**

Escreva um programa que imprima uma tabela de logaritmos na base 10 de 1 até 10 com passos de 0.5. A tabela deverá ter o seguinte formato:

x	log(x)
1.0	0.0000000000
1.5	0.1760912591
2.0	0.3010299957
...	

Nota. Devido aos possíveis erros de arredondamento, utilize uma variável inteira n (o dobro de x) para controlar o ciclo do programa.

2. **Método de Newton**

O *método de Newton* para resolução numérica de uma equação $f(x) = 0$ consiste em calcular aproximações $x_1, x_2, \dots$ segundo a fórmula

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

partindo de uma aproximação inicial x_0 “perto” da raiz.

- “Justifique” graficamente a fórmula anterior.
- Escreva uma função `newton(f, df, x0, n)` que efectue n iterações do método de Newton com a função dada por `f`, derivada `df` e ponto inicial `x0`.
- Use a função anterior para obter uma aproximação à raiz da equação $\sin(x) = 0$ partindo de $x_0 = 2.5$ com 5 iterações e com 20 iterações.

3. **Coefficiente binomiais**

O *coeficiente binomial*, também designado por número de *combinações* de n , k a k , é dado por

$$\binom{n}{k} = \frac{n \times (n-1) \times \dots \times (n-k+1)}{k \times (k-1) \times \dots \times 1} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

Escreva uma função `binom(n,k)` que calcule o coeficiente binomial para n e k tais que $n, k \geq 0$. Porque é que a função que escreveu dá resultados correctos no caso $k > n$?

4. Solução aproximada de uma equação

Considere a seguinte função

```
def zero(f,a,b,erro):
    while b-a>=erro:
(1)      x=(a+b)/2.0
        if f(x)*f(a)>0:
            # f(a) e f(x) têm o mesmo sinal -> fica [x,b]
            a=x
        else:
            # f(x) e f(b) têm o mesmo sinal -> fica [a,x]
            b=x
    return a
```

- (a) Descreva, usando no máximo 2 linhas de texto, o efeito da função. A descrição deve obviamente mencionar os parâmetros.
- (b) Determine uma expressão do número de vezes que a “partição” é executada. Essa expressão deve ser função de $b - a$ e de erro .

5. Máximo de uma função

Suponha que $f(x)$ tem um máximo em $[a,b]$ e que tem a segunda derivada negativa nesse intervalo.

- (a) Implemente uma função semelhante à do problema anterior para determinar esse máximo, a menos de um erro dado

`maximo(f,a,b,erro)`

Sugestão: “parta” de cada vez o intervalo $[a,b]$ em 3 sub-intervalos de igual comprimento

$[a, x_1], [x_1, x_2], [x_2, b]$

$f(x_1) > f(x_2) \rightarrow$ máximo em $[a, x_2]$; (porquê?)
 $f(x_1) \leq f(x_2) \rightarrow$ máximo em $[x_1, b]$; (porquê?)

- (b) Determine uma expressão do número de vezes que o ciclo (por exemplo, a linha (1)) é executado. Essa expressão deve ser função de $b-a$ e de erro .

6. O maior, onde está?

Seja a uma lista de inteiros. Escreva uma função

`ind_max(a)`

que retorna o primeiro índice do maior valor contido em a . Por exemplo, a chamada `ind_max([5,-1,8,1,8,1,6])` deve retornar 2, pois o máximo valor na lista é 8 e o menor índice onde ocorre 8 é 2.

Nota: só é necessário usar um ciclo “while”.

Como alteraria a função que escreveu de forma a calcular o último índice do maior valor contido em a ? (Para o exemplo dado, a resposta deverá ser 4)