

Semânticas de Linguagens de Programação - Exercícios 3

Semântica operacional *small-step* para a linguagem While

Semântica operacional estrutural (*small-step*) da linguagem While

1. Considera a semântica operacional estrutural dada no curso.
 - (a) Sendo $s_0 = [x = 3, y = 5]$, determina o estado a a execução do comando

`if $x > y$ then $z := x$ else $z := y$`

- (b) Sendo $s_0 = [x = 3]$, determinar o estado após a execução de:

`$y := 1$; while $\neg(x = 1)$ do $(y := y \times x; x := x - 1)$`

- (c) Sendo $s_0 = [x = 10, y = 5]$, determinar o estado após a execução de:

`$z := 0$; while $y \leq x$ do $(z := z + 1; x := x - y)$`

2. Define uma semântica operacional estrutural para o comando `repeat c until b` (sem usar a do `while`).
3. Define uma semântica operacional estrutural para o comando `for $x := a_1$ to a_2 do c` (sem usar a do `while`).
4. Mostra que para todo o $k \geq 1$, se $\langle c_1, s \rangle \Rightarrow^k s'$ então $\langle c_1; c_2, s \rangle \Rightarrow^k \langle c_2, s' \rangle$.
5. Mostra que a semântica operacional estrutural dada para a linguagem **While** é determinística.
6. Mostra a equivalência semântica dos seguintes comandos:
 - (a) `skip; c e c`
 - (b) `while b do c e if b then (c ; while b do c) else skip`
7. Implementa em Haskell a semântica operacional estrutural para a linguagem **While**, usando as estruturas de dados definidas no exercício dado na prática 2.

Semântica operacionais para While

Semântica operacional natural (*big-step*)

$$\begin{array}{ll}
 \text{att}_{sn} & \langle x := a, s \rangle \longrightarrow s[x \mapsto \mathcal{A}\llbracket a \rrbracket s] \\
 \text{skip}_{sn} & \langle \text{skip}, s \rangle \longrightarrow s \\
 \text{comp}_{sn} & \frac{\langle c_1, s \rangle \longrightarrow s', \langle c_2, s' \rangle \longrightarrow s''}{\langle c_1; c_2, s \rangle \longrightarrow s''} \\
 \text{if}^v_{sn} & \frac{\langle c_1, s \rangle \longrightarrow s'}{\langle \text{if } b \text{ then } c_1 \text{ else } c_2, s \rangle \longrightarrow s'} \text{ se } \mathcal{B}\llbracket b \rrbracket s = \text{true} \\
 \text{if}^f_{sn} & \frac{\langle c_2, s \rangle \longrightarrow s'}{\langle \text{if } b \text{ then } c_1 \text{ else } c_2, s \rangle \longrightarrow s'} \text{ se } \mathcal{B}\llbracket b \rrbracket s = \text{false} \\
 \text{while}^v_{sn} & \frac{\langle c, s \rangle \longrightarrow s', \langle \text{while } b \text{ do } c, s' \rangle \longrightarrow s''}{\langle \text{while } b \text{ do } c, s \rangle \longrightarrow s''} \\
 & \text{se } \mathcal{B}\llbracket b \rrbracket s = \text{true} \\
 \text{while}^f_{sn} & \langle \text{while } b \text{ do } c, s \rangle \longrightarrow s \text{ se } \mathcal{B}\llbracket b \rrbracket s = \text{false}
 \end{array}$$

Semântica operacional estrutural (*small-step*)

$$\begin{array}{ll}
 \text{att}_{sos} & \langle x := a, s \rangle \Rightarrow s[x \mapsto \mathcal{A}\llbracket a \rrbracket s] \\
 \text{skip}_{sos} & \langle \text{skip}, s \rangle \Rightarrow s \\
 \text{comp}^1_{sos} & \frac{\langle c_1, s \rangle \Rightarrow \langle c'_1, s' \rangle}{\langle c_1; c_2, s \rangle \Rightarrow \langle c'_1; c_2, s' \rangle} \\
 \text{comp}^2_{sos} & \frac{\langle c_1, s \rangle \Rightarrow s'}{\langle c_1; c_2, s \rangle \Rightarrow \langle c_2, s' \rangle} \\
 \text{if}^v_{sos} & \langle \text{if } b \text{ then } c_1 \text{ else } c_2, s \rangle \Rightarrow \langle c_1, s \rangle \text{ se } \mathcal{B}\llbracket b \rrbracket s = \text{true} \\
 \text{if}^f_{sos} & \langle \text{if } b \text{ then } c_1 \text{ else } c_2, s \rangle \Rightarrow \langle c_2, s \rangle \text{ se } \mathcal{B}\llbracket b \rrbracket s = \text{false} \\
 \text{while}_{sos} & \langle \text{while } b \text{ do } c, s \rangle \Rightarrow \langle \text{if } b \text{ then}(c; \text{while } b \text{ do } c) \\
 & \text{else skip}, s \rangle
 \end{array}$$