

## Lógica de Hoare para a correção parcial

[ $\text{skip}_p$  ]

$$\{\varphi\} \text{skip} \{\varphi\}$$

[ $\text{ass}_p$  ]

$$\{\varphi[E/x]\} x \leftarrow E \{\varphi\}$$

[ $\text{comp}_p$  ]

$$\frac{\{\varphi\} C_1 \{\eta\} \quad \{\eta\} C_2 \{\psi\}}{\{\varphi\} C_1; C_2 \{\psi\}}$$

[ $\text{if}_p$  ]

$$\frac{\{\varphi \wedge B\} C_1 \{\psi\} \quad \{\varphi \wedge \neg B\} C_2 \{\psi\}}{\{\varphi\} \text{if } B \text{ then } C_1 \text{ else } C_2 \{\psi\}}$$

[ $\text{while}_p$  ]

$$\frac{\{\psi \wedge B\} C \{\psi\}}{\{\psi\} \text{while } B \text{ do } C \{\psi \wedge \neg B\}}$$

[ $\text{cons}_p$  ]

$$\frac{\vdash \varphi' \rightarrow \varphi \quad \{\varphi\} C \{\psi\} \quad \vdash \psi \rightarrow \psi'}{\{\varphi'\} C \{\psi'\}}$$

## Lógica de Hoare para correção total

[ $\text{while}_{tot}$  ]

$$\frac{\{\eta \wedge B \wedge 0 \leq E \wedge E = e_0\} C \{\eta \wedge 0 \leq E \wedge E < e_0\}}{\{\eta \wedge 0 \leq E\} \text{while } B \text{ do } C \{\eta \wedge \neg B\}}$$

onde  $e_0$  é uma variável lógica cujo valor é o da expressão  $E$  antes da execução do comando  $C$ .