#### Nelma Moreira

Departamento de Ciência de Computadores da FCUP

Verificação Formal de Software Aula 1

Software and cathedrals are much the same. First we build them, then we pray.

Confiabilidade Segurança Correção Robustez

### Métodos Formais



### Métodos Formais

Uso de métodos matemáticos para modelação, cálculo e predição na especificação, desenho e análise de sistemas informáticos

URL:www.dcc.fc.up.pt/nam/web/Teaching/vfs19/index.html
Método de avaliação

- 1 realização de ??+1 trabalhos práticos (40) : ?? escritos e um de implementação.
- 2 exame (60)

### Programa da disciplina

- 1 Breve introdução aos métodos formais e a técnicas de verificação formal.
- 2 Verificação por model checking de sistemas reativos
- 3 Verificação de Dedutiva de Programas

### Verificação por model checking de sistemas reativos

- 1 Modelação de sistemas paralelos: sistemas transição
- 2 Paralelismo e comunicação
- 3 Propriedades temporais lineares: segurança, liveness e fairness
- 4 (Propriedades regulares)
- **5** Lógicas temporais: linear (LTL) e ramificada (CTL e CTL\*).
- 6 Modelação e especificação usando um model checker
- 7 Algoritmos de model checking para LTL e CTL
- 8 Model checking simbólico: BDDs e OBDDs.
- 9 Técnicas de implementação de model checking.
- Algoritmos de decisão baseados em autómatos

# Verificação de Dedutiva de Programas

- 1 Cálculos de correcção (Lógica de Hoare)
- 2 Pré-condições mais fracas e algoritmos de geração de condições de verificação.
- 3 Geração de obrigações de prova
- 4 Ferramentas para a especificação, verificação e certificação de programas imperativos.

#### Livros recomendados

- Principles of Model Checking [BKL08]
- Rigorous Software Development, [AFPMdS11]
- Logic in Computer Science, [HR04] (Cap. 3, 4, 6)

### Métodos formais em desenho de sistemas informáticos

- 1 Especificações formais: linguagens Z, VDM, B, JML
- ② Garantir que as especificações satisfazem determinadas propriedades
- 3 Derivar implementações de especificações
- 4 Verificar implementações em relação a especificações

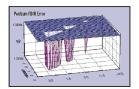
### Exemplos de sistemas críticos e erros de software

- Arianne-5, 1996
- Marte "Path Finder"
- Airbuses

#### Sistemas de controlo:

- Instalações Nucleares
- Controlo de tráfego
- Instrumentos médicos
- etc.

Em geral por cada 1000 linhas de código há um erro. Mas, o Windows 95 tinha pelo menos 5000 erros....



Intel Pentium bug caused loss of reputation and money.



Ariane 5 crashed within a few minutes after launch

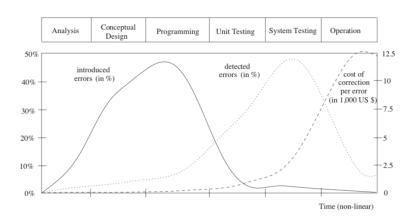


Software bug caused Toyota to recall 1.2M Prius cars



Software race condition caused

### Ciclo de vida do software, erros, e custos



- Como garantir ao nível de especificação o comportamento desejado: *problema de validação do modelo*.
- Como garantir (de uma especificação) uma implementação com o mesmo comportamento: problema de relação formal entre especificação e implementação.
- Estudo da especificação por: animação, transformação ou demonstração de propriedades
- Implementações podem:
  - ser derivadas de especificações:
  - garantir a sua correção por: construção, verificação demonstração formal

- Como garantir ao nível de especificação o comportamento desejado: *problema de validação do modelo*.
- Como garantir (de uma especificação) uma implementação com o mesmo comportamento: problema de relação formal entre especificação e implementação.
- Estudo da especificação por: animação, transformação ou demonstração de propriedades
- Implementações podem:
  - ser derivadas de especificações:
  - garantir a sua correção por: construção, verificação demonstração formal

- Como garantir ao nível de especificação o comportamento desejado: *problema de validação do modelo*.
- Como garantir (de uma especificação) uma implementação com o mesmo comportamento: problema de relação formal entre especificação e implementação.
- Estudo da especificação por: animação, transformação ou demonstração de propriedades
- Implementações podem:
  - ser derivadas de especificações:
  - garantir a sua correção por: construção, verificação
    - demonstração formal

- Como garantir ao nível de especificação o comportamento desejado: *problema de validação do modelo*.
- Como garantir (de uma especificação) uma implementação com o mesmo comportamento: problema de relação formal entre especificação e implementação.
- Estudo da especificação por: animação, transformação ou demonstração de propriedades
- Implementações podem:
  - ser derivadas de especificações;
  - garantir a sua correção por: construção, verificação, demonstração formal

- Como garantir ao nível de especificação o comportamento desejado: *problema de validação do modelo*.
- Como garantir (de uma especificação) uma implementação com o mesmo comportamento: problema de relação formal entre especificação e implementação.
- Estudo da especificação por: animação, transformação ou demonstração de propriedades
- Implementações podem:
  - ser derivadas de especificações;
  - garantir a sua correção por: construção, verificação, demonstração formal

- Como garantir ao nível de especificação o comportamento desejado: *problema de validação do modelo*.
- Como garantir (de uma especificação) uma implementação com o mesmo comportamento: problema de relação formal entre especificação e implementação.
- Estudo da especificação por: animação, transformação ou demonstração de propriedades
- Implementações podem:
  - ser derivadas de especificações;
  - garantir a sua correção por: construção, verificação, demonstração formal

### Noções centrais a técnicas/ferramentas de verificação

- A natureza operacional do sistema modelado: capturada por um sistema de transições
  - diferentes mecanismos implicam diferentes interpretações das noções de: estado, transição, transformação de estado
- A essência comportamental do sistema modelado, capturada por uma determinada lógica de programas.

### Noções centrais a técnicas/ferramentas de verificação

- A natureza operacional do sistema modelado: capturada por um sistema de transições
  - diferentes mecanismos implicam diferentes interpretações das noções de: estado, transição, transformação de estado
- A essência comportamental do sistema modelado, capturada por uma determinada lógica de programas.

### Noções centrais a técnicas/ferramentas de verificação

- A natureza operacional do sistema modelado: capturada por um sistema de transições
  - diferentes mecanismos implicam diferentes interpretações das noções de: estado, transição, transformação de estado
- A essência comportamental do sistema modelado, capturada por uma determinada lógica de programas.

# Principais abordagens relativamente à especificação

 O comportamento do sistema é descrito com base em: operações; mecanismos disponíves; acções a realizar.

Linguagens de especificação deste tipo designam-se como baseadas no estado ou modelo

 O comportamento do sistema é descrito com base em: dados manipulados; a forma como os dados mudam; a forma como os dados se relacionam

Tais especificações são chamadas de especificações algébrica ou axiomáticas

### Principais abordagens relativamente à especificação

 O comportamento do sistema é descrito com base em: operações; mecanismos disponíves; acções a realizar.

Linguagens de especificação deste tipo designam-se como baseadas no estado ou modelo

 O comportamento do sistema é descrito com base em: dados manipulados; a forma como os dados mudam; a forma como os dados se relacionam

Tais especificações são chamadas de especificações algébrica ou axiomáticas

- Capacidade para descrever a noção de estado
- Descrição de como as operações do sistema modificam o estado
- Formalização baseada em:
  - matemática discreta:
  - teoria de conjuntos;
  - teoria de categorias;
  - lógica

- Capacidade para descrever a noção de estado
- Descrição de como as operações do sistema modificam o estado
- Formalização baseada em:
  - matemática discreta
  - tooria de conjuntos:
  - teoria de categorias;
  - lógica

- Capacidade para descrever a noção de estado
- Descrição de como as operações do sistema modificam o estado
- Formalização baseada em:
  - matemática discreta;
  - teoria de conjuntos;
  - teoria de categorias;
  - lógica

- Capacidade para descrever a noção de estado
- Descrição de como as operações do sistema modificam o estado
- Formalização baseada em:
  - matemática discreta;
  - teoria de conjuntos;
  - teoria de categorias;
  - lógica

- Capacidade para descrever a noção de estado
- Descrição de como as operações do sistema modificam o estado
- Formalização baseada em:
  - matemática discreta;
  - teoria de conjuntos;
  - teoria de categorias;
  - lógica

- Capacidade para descrever a noção de estado
- Descrição de como as operações do sistema modificam o estado
- Formalização baseada em:
  - matemática discreta;
  - teoria de conjuntos;
  - teoria de categorias;
  - lógica

- Capacidade para descrever a noção de estado
- Descrição de como as operações do sistema modificam o estado
- Formalização baseada em:
  - matemática discreta;
  - teoria de conjuntos;
  - teoria de categorias;
  - lógica

- Máquinas abstractas: sistema descrito por estados e por um conjunto finito de regras de transição entre estados.
- Teoria de categorias e conjuntos: estados descritos em termos de estruturas matemáticas (conjuntos, relações ou funções); transições expressas como invariantes, pré-condições e pós-condições.
- Modelos baseados em autómatos: para modelar sistemas com um comportamento concorrente; definir como o sistema reaje a estímulos e eventos; particularmente adequado para especificar sistemas reactivos, concorrentes ou de comunicação assim como protocolos.
- Linguagens modelo para sistemas de tempo-real (cyberphysical): capacidade para modelar conceitos físicos tais como tempo (ou duração), temperatura, inclinação, altitude, etc: sistemas de controlo que reaiem a ambientes dinâmicos.

- Máquinas abstractas: sistema descrito por estados e por um conjunto finito de regras de transição entre estados.
- Teoria de categorias e conjuntos: estados descritos em termos de estruturas matemáticas (conjuntos, relações ou funções); transições expressas como invariantes, pré-condições e pós-condições.
- Modelos baseados em autómatos: para modelar sistemas com um comportamento concorrente; definir como o sistema reaje a estímulos e eventos; particularmente adequado para especificar sistemas reactivos, concorrentes ou de comunicação assim como protocolos.
- Linguagens modelo para sistemas de tempo-real (cyberphysical): capacidade para modelar conceitos físicos tais como tempo (ou duração), temperatura, inclinação, altitude, etc; sistemas de controlo que reaiem a ambientes dinâmicos.

- Máquinas abstractas: sistema descrito por estados e por um conjunto finito de regras de transição entre estados.
- Teoria de categorias e conjuntos: estados descritos em termos de estruturas matemáticas (conjuntos, relações ou funções); transições expressas como invariantes, pré-condições e pós-condições.
- Modelos baseados em autómatos: para modelar sistemas com um comportamento concorrente; definir como o sistema reaje a estímulos e eventos; particularmente adequado para especificar sistemas reactivos, concorrentes ou de comunicação assim como protocolos.
- Linguagens modelo para sistemas de tempo-real (cyberphysical): capacidade para modelar conceitos físicos tais como tempo (ou duração), temperatura, inclinação, altitude, etc; sistemas de controlo que reajem a ambientes dinâmicos.

- Máquinas abstractas: sistema descrito por estados e por um conjunto finito de regras de transição entre estados.
- Teoria de categorias e conjuntos: estados descritos em termos de estruturas matemáticas (conjuntos, relações ou funções); transições expressas como invariantes, pré-condições e pós-condições.
- Modelos baseados em autómatos: para modelar sistemas com um comportamento concorrente; definir como o sistema reaje a estímulos e eventos; particularmente adequado para especificar sistemas reactivos, concorrentes ou de comunicação assim como protocolos.
- Linguagens modelo para sistemas de tempo-real (cyberphysical): capacidade para modelar conceitos físicos tais como tempo (ou duração), temperatura, inclinação, altitude, etc; sistemas de controlo que reajem a ambientes dinâmicos.

#### Máquinas abstractas:

- ASM\_Gopher serviu de base a uma formalisação da linguagem Java:
- O método B (e a sua linguagem de especificação B), cuja metodologia está próxima à modelação orientada a objectos. Deu origem a várias implementações: Atelier B, BRILLANT, ProB, Rodin, etc...

#### Teoria de categorias e conjuntos:

- Os métodos formais Z e VDM são baseados em lógica de predicados e teoria de conjuntos. Estiveram na base de outros sistemas: RAISE, Alloy (estende a linguagem Z para incorporar análise parcial)
- Specware, Charity são formalismos baseados em teoria de categorias.

#### Máquinas abstractas:

- ASM\_Gopher serviu de base a uma formalisação da linguagem Java;
- O método B (e a sua linguagem de especificação B), cuja metodologia está próxima à modelação orientada a objectos.
   Deu origem a várias implementações: Atelier B, BRILLANT, ProB, Rodin, etc...
- Teoria de categorias e conjuntos:
  - Os métodos formais Z e VDM são baseados em lógica de predicados e teoria de conjuntos. Estiveram na base de outros sistemas: RAISE, Alloy (estende a linguagem Z para incorporar análise parcial)
  - Specware, Charity são formalismos baseados em teoria de categorias.

- Máquinas abstractas:
  - ASM\_Gopher serviu de base a uma formalisação da linguagem Java;
  - O método B (e a sua linguagem de especificação B), cuja metodologia está próxima à modelação orientada a objectos. Deu origem a várias implementações: Atelier B, BRILLANT, ProB, Rodin, etc...
- Teoria de categorias e conjuntos:
  - Os métodos formais Z e VDM são baseados em lógica de predicados e teoria de conjuntos. Estiveram na base de outros sistemas: RAISE, Alloy (estende a linguagem Z para incorporal análise parcial)
  - Specware, Charity s\u00e3o formalismos baseados em teoria de categorias.

#### Máquinas abstractas:

- ASM\_Gopher serviu de base a uma formalisação da linguagem Java;
- O método B (e a sua linguagem de especificação B), cuja metodologia está próxima à modelação orientada a objectos.
   Deu origem a várias implementações: Atelier B, BRILLANT, ProB, Rodin, etc...

#### • Teoria de categorias e conjuntos:

- Os métodos formais Z e VDM são baseados em lógica de predicados e teoria de conjuntos. Estiveram na base de outros sistemas: RAISE, Alloy (estende a linguagem Z para incorporar análise parcial)
- Specware, Charity são formalismos baseados em teoria de categorias.

- Máquinas abstractas:
  - ASM\_Gopher serviu de base a uma formalisação da linguagem Java;
  - O método B (e a sua linguagem de especificação B), cuja metodologia está próxima à modelação orientada a objectos.
     Deu origem a várias implementações: Atelier B, BRILLANT, ProB, Rodin, etc...
- Teoria de categorias e conjuntos:
  - Os métodos formais Z e VDM são baseados em lógica de predicados e teoria de conjuntos. Estiveram na base de outros sistemas: RAISE, Alloy (estende a linguagem Z para incorporar análise parcial)
  - Specware, Charity são formalismos baseados em teoria de categorias.

- Máquinas abstractas:
  - ASM\_Gopher serviu de base a uma formalisação da linguagem Java;
  - O método B (e a sua linguagem de especificação B), cuja metodologia está próxima à modelação orientada a objectos.
     Deu origem a várias implementações: Atelier B, BRILLANT, ProB, Rodin, etc...
- Teoria de categorias e conjuntos:
  - Os métodos formais Z e VDM são baseados em lógica de predicados e teoria de conjuntos. Estiveram na base de outros sistemas: RAISE, Alloy (estende a linguagem Z para incorporar análise parcial)
  - Specware, Charity s\u00e3o formalismos baseados em teoria de categorias.

#### • Linguagens modelo para sistemas de tempo-real:

- a linguagem de fluxo de dados Lustre e o ambiente de modelação gráfico SCADE (baseado em Lustre), permitem exprimir concorrência síncrona em termos de fluxo de dados
- ferramentas de model-checking como Uppaal ou Kronos, baseadas em automatos temporizados (timed-automata).
- ferramentas como Hytech e KeYmaera, baseadas em autómatos híbridos com o intuito de modelar sistemas dinâmicos com comportamento interactivo. (e.g.sistemas de transportes)

- Linguagens modelo para sistemas de tempo-real:
  - a linguagem de fluxo de dados Lustre e o ambiente de modelação gráfico SCADE (baseado em Lustre), permitem exprimir concorrência síncrona em termos de fluxo de dados
  - ferramentas de model-checking como Uppaal ou Kronos, baseadas em automatos temporizados (timed-automata).
  - ferramentas como Hytech e KeYmaera, baseadas em autómatos híbridos com o intuito de modelar sistemas dinâmicos com comportamento interactivo. (e.g.sistemas de transportes)

- Linguagens modelo para sistemas de tempo-real:
  - a linguagem de fluxo de dados Lustre e o ambiente de modelação gráfico SCADE (baseado em Lustre), permitem exprimir concorrência síncrona em termos de fluxo de dados
  - ferramentas de model-checking como Uppaal ou Kronos, baseadas em automatos temporizados (timed-automata).
  - ferramentas como Hytech e KeYmaera, baseadas em autómatos híbridos com o intuito de modelar sistemas dinâmicos com comportamento interactivo. (e.g.sistemas de transportes)

- Linguagens modelo para sistemas de tempo-real:
  - a linguagem de fluxo de dados Lustre e o ambiente de modelação gráfico SCADE (baseado em Lustre), permitem exprimir concorrência síncrona em termos de fluxo de dados
  - ferramentas de model-checking como Uppaal ou Kronos, baseadas em automatos temporizados (timed-automata).
  - ferramentas como Hytech e KeYmaera, baseadas em autómatos híbridos com o intuito de modelar sistemas dinâmicos com comportamento interactivo. (e.g. sistemas de transportes)

- Consistem num conjunto de declarações, assinaturas de funções e axiomas que declaram o comportamento básico de cada símbolo funcional.
- Exemplos de ferramentas e linguagens:
  - CASL, OBJ, Clear, Larch, ACT-ONE são ferramentas baseadas em especificações algébricas
  - LOTOS contém primitivas CCS (Calculus of Communicating Systems), que permite especificar comportamentos de sistemas concorrentes.

- Consistem num conjunto de declarações, assinaturas de funções e axiomas que declaram o comportamento básico de cada símbolo funcional.
- Exemplos de ferramentas e linguagens:
  - CASL, OBJ, Clear, Larch, ACT-ONE são ferramentas baseadas em especificações algébricas
  - LOTOS contém primitivas CCS (Calculus of Communicating Systems), que permite especificar comportamentos de sistemas concorrentes.

- Consistem num conjunto de declarações, assinaturas de funções e axiomas que declaram o comportamento básico de cada símbolo funcional.
- Exemplos de ferramentas e linguagens:
  - CASL, OBJ, Clear, Larch, ACT-ONE são ferramentas baseadas em especificações algébricas
  - LOTOS contém primitivas CCS (Calculus of Communicating Systems), que permite especificar comportamentos de sistemas concorrentes.

- Consistem num conjunto de declarações, assinaturas de funções e axiomas que declaram o comportamento básico de cada símbolo funcional.
- Exemplos de ferramentas e linguagens:
  - CASL, OBJ, Clear, Larch, ACT-ONE são ferramentas baseadas em especificações algébricas
  - LOTOS contém primitivas CCS (Calculus of Communicating Systems), que permite especificar comportamentos de sistemas concorrentes.

- Inclui linguagens baseadas em lógica, linguagens funcionais, linguagens de reescrita e linguagens de formalização de semânticas
  - Linguagens baseadas em lógica como o Prolog: baseadas na noção de predicado.
  - Linguagens funcionais cuja linguagem base é o λ-calculus: Scheme, SML, Haskell e OCaml; assistentes de prova como: ACL2, Coq, PVS, HOL, Isabelle e Agda, são todos baseados em variantes tipadas e extensões ao λ-calculus. Pelo isomorfismo de Curry-Howard as linguagens têm associados sistemas de prova baseados em tipos que também podem ser usadas como linguagens lógicas de ordem-superior.
  - Sistemas de reescrita como ELAN ou SPIKE: o comportamento dos símbolos funcionais é descrito por sistemas equacionais, a execução é baseada noção de redução (como no  $\lambda$ -calculus).

- Inclui linguagens baseadas em lógica, linguagens funcionais, linguagens de reescrita e linguagens de formalização de semânticas
  - Linguagens baseadas em lógica como o Prolog: baseadas na noção de predicado.
  - Linguagens funcionais cuja linguagem base é o λ-calculus: Scheme, SML, Haskell e OCaml; assistentes de prova como: ACL2, Coq, PVS, HOL, Isabelle e Agda, são todos baseados em variantes tipadas e extensões ao λ-calculus. Pelo isomorfismo de Curry-Howard as linguagens têm associados sistemas de prova baseados em tipos que também podem ser usadas como linguagens lógicas de ordem-superior.
  - Sistemas de reescrita como ELAN ou SPIKE: o comportamento dos símbolos funcionais é descrito por sistemas equacionais, a execução é baseada noção de redução (como no  $\lambda$ -calculus).

- Inclui linguagens baseadas em lógica, linguagens funcionais, linguagens de reescrita e linguagens de formalização de semânticas
  - Linguagens baseadas em lógica como o Prolog: baseadas na noção de predicado.
  - Linguagens funcionais cuja linguagem base é o λ-calculus: Scheme, SML, Haskell e OCaml; assistentes de prova como: ACL2, Coq, PVS, HOL, Isabelle e Agda, são todos baseados em variantes tipadas e extensões ao λ-calculus. Pelo isomorfismo de Curry-Howard as linguagens têm associados sistemas de prova baseados em tipos que também podem ser usadas como linguagens lógicas de ordem-superior.
  - Sistemas de reescrita como ELAN ou SPIKE: o comportamento dos símbolos funcionais é descrito por sistemas equacionais, a execução é baseada noção de redução (como no λ-calculus).

- Inclui linguagens baseadas em lógica, linguagens funcionais, linguagens de reescrita e linguagens de formalização de semânticas
  - Linguagens baseadas em lógica como o Prolog: baseadas na noção de predicado.
  - Linguagens funcionais cuja linguagem base é o λ-calculus: Scheme, SML, Haskell e OCaml; assistentes de prova como: ACL2, Coq, PVS, HOL, Isabelle e Agda, são todos baseados em variantes tipadas e extensões ao λ-calculus. Pelo isomorfismo de Curry-Howard as linguagens têm associados sistemas de prova baseados em tipos que também podem ser usadas como linguagens lógicas de ordem-superior.
  - Sistemas de reescrita como ELAN ou SPIKE: o comportamento dos símbolos funcionais é descrito por sistemas equacionais, a execução é baseada noção de redução (como no λ-calculus).

- 1 asíncronos/síncronos
- 2 analógico/digital hardware
- 3 mono/multi processadores
- 4 linguagens: imperativas, funcionais, lógicas, oo
- 5 sequencial ou multi-threaded
- 6 sistemas de operação convencionais ou tempo real
- 7 sistemas embebidos
- sistemas distribuídos

- 1 asíncronos/síncronos
- 2 analógico/digital hardware
- 3 mono/multi processadores
- 4 linguagens: imperativas, funcionais, lógicas, oc
- 5 sequencial ou multi-threaded
- 6 sistemas de operação convencionais ou tempo real
- 7 sistemas embebidos
- sistemas distribuídos

- 1 asíncronos/síncronos
- 2 analógico/digital hardware
- 3 mono/multi processadores
- 4 linguagens: imperativas, funcionais, lógicas, oo
- 5 sequencial ou multi-threaded
- 6 sistemas de operação convencionais ou tempo real
- 7 sistemas embebidos
- sistemas distribuídos

- 1 asíncronos/síncronos
- 2 analógico/digital hardware
- 3 mono/multi processadores
- 4 linguagens: imperativas, funcionais, lógicas, oo
- 5 sequencial ou multi-threaded
- 6 sistemas de operação convencionais ou tempo real
- sistemas embebidos
- 8 sistemas distribuídos

- 1 asíncronos/síncronos
- 2 analógico/digital hardware
- 3 mono/multi processadores
- 4 linguagens: imperativas, funcionais, lógicas, oo
- 5 sequencial ou multi-threaded
- 6 sistemas de operação convencionais ou tempo real
- 7 sistemas embebidos
- sistemas distribuídos

- 1 asíncronos/síncronos
- 2 analógico/digital hardware
- 3 mono/multi processadores
- 4 linguagens: imperativas, funcionais, lógicas, oo
- 5 sequencial ou multi-threaded
- 6 sistemas de operação convencionais ou tempo real
- sistemas embebidos
- 8 sistemas distribuídos

- 1 asíncronos/síncronos
- 2 analógico/digital hardware
- 3 mono/multi processadores
- 4 linguagens: imperativas, funcionais, lógicas, oo
- 5 sequencial ou multi-threaded
- 6 sistemas de operação convencionais ou tempo real
- 7 sistemas embebidos
- sistemas distribuídos

- 1 asíncronos/síncronos
- 2 analógico/digital hardware
- 3 mono/multi processadores
- 4 linguagens: imperativas, funcionais, lógicas, oo
- 5 sequencial ou multi-threaded
- 6 sistemas de operação convencionais ou tempo real
- 7 sistemas embebidos
- 8 sistemas distribuídos

# Tipos de sistemas informáticos

- 1 Transformacionais: lêem dados de entrada e produzem um resultado; devem terminar. Exemplo: compiladores
- 2 Interactivos: interagem com o utilizador via acções/reações; normalmente não terminam.
- Reactivos: a interação é determinada pelo ambiente (restrições de tempo real); são normalmente implementados de forma concorrente. Exemplo: acessos a uma base de dados de voos; contrololador de comboios.

# Tipos de sistemas informáticos

- 1 Transformacionais: lêem dados de entrada e produzem um resultado; devem terminar. Exemplo: compiladores
- 2 Interactivos: interagem com o utilizador via acções/reações; normalmente não terminam.
- 3 Reactivos: a interação é determinada pelo ambiente (restrições de tempo real); são normalmente implementados de forma concorrente. Exemplo: acessos a uma base de dados de voos; contrololador de comboios.

# Tipos de sistemas informáticos

- 1 Transformacionais: lêem dados de entrada e produzem um resultado; devem terminar. Exemplo: compiladores
- 2 Interactivos: interagem com o utilizador via acções/reações; normalmente não terminam.
- 3 Reactivos: a interação é determinada pelo ambiente (restrições de tempo real); são normalmente implementados de forma concorrente. Exemplo: acessos a uma base de dados de voos; contrololador de comboios.

#### Plataforma para a modelação de sistemas

Linguagem de especificação para descrever as propriedades que se quer verificar

- "em papel, à mão"
- com alguma automação
- usando ferramentas computacionais automáticas ou interactivas

### Plataforma para a modelação de sistemas Linguagem de especificação para descrever as propriedades que se

Método de verificação não basta simular são necessárias demonstrações rigorosas usando lógica.

"em papel, à mão"

quer verificar

- com alguma automação
- usando ferramentas computacionais automáticas ou interactivas

Plataforma para a modelação de sistemas

Linguagem de especificação para descrever as propriedades que se quer verificar

- "em papel, à mão"
- com alguma automação
- usando ferramentas computacionais automáticas ou interactivas

Plataforma para a modelação de sistemas

Linguagem de especificação para descrever as propriedades que se quer verificar

- "em papel, à mão"
- com alguma automação
- usando ferramentas computacionais automáticas ou interactivas

Plataforma para a modelação de sistemas

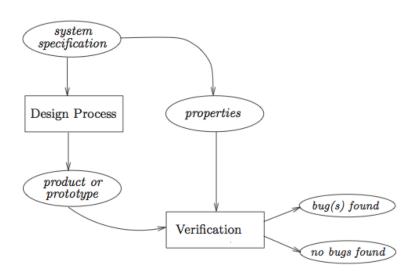
Linguagem de especificação para descrever as propriedades que se quer verificar

- "em papel, à mão"
- com alguma automação
- usando ferramentas computacionais automáticas ou interactivas

Plataforma para a modelação de sistemas

Linguagem de especificação para descrever as propriedades que se quer verificar

- "em papel, à mão"
- com alguma automação
- usando ferramentas computacionais automáticas ou interactivas



#### Sistema dedutivos vs. Modelos

SD: O sistema é descrito por um conjunto de fórmulas  $\Gamma$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\Gamma \vdash \varphi$  (em geral semi-automático) M: O sistema é descrito por um modelo  $\mathcal{M}$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\mathcal{M} \models \varphi$ . (em geral automático para modelos finitos).

Grau de automatização automático/assistido por computador Completude vs. Propriedades A especificação descreve uma propriedade ou todo o comportamento do sistema

Domínio Hardware/Software; sequencial ou concorrente; funcional (calcula um valor a partir dos dados) ou reactivo (sistemas de operação, embebidos, hardware, etc)

#### Sistema dedutivos vs. Modelos

SD: O sistema é descrito por um conjunto de fórmulas  $\Gamma$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\Gamma \vdash \varphi$  (em geral semi-automático) M: O sistema é descrito por um modelo  $\mathcal{M}$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\mathcal{M} \models \varphi$ . (em geral automático para modelos finitos).

#### Grau de automatização automático/assistido por computador

Completude vs. Propriedades A especificação descreve uma propriedade ou todo o comportamento do sistema

Domínio Hardware/Software; sequencial ou concorrente; funcional (calcula um valor a partir dos dados) ou reactivo (sistemas de operação, embebidos, hardware, etc)

#### Sistema dedutivos vs. Modelos

SD: O sistema é descrito por um conjunto de fórmulas  $\Gamma$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\Gamma \vdash \varphi$  (em geral semi-automático) M: O sistema é descrito por um modelo  $\mathcal{M}$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\mathcal{M} \models \varphi$ . (em geral automático para modelos finitos).

Grau de automatização automático/assistido por computador Completude vs. Propriedades A especificação descreve uma propriedade ou todo o comportamento do sistema.

Domínio Hardware/Software; sequencial ou concorrente; funcional (calcula um valor a partir dos dados) ou reactivo (sistemas de operação, embebidos, hardware, etc)

#### Sistema dedutivos vs. Modelos

SD: O sistema é descrito por um conjunto de fórmulas  $\Gamma$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\Gamma \vdash \varphi$  (em geral semi-automático) M: O sistema é descrito por um modelo  $\mathcal{M}$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\mathcal{M} \models \varphi$ . (em geral automático para modelos finitos).

Grau de automatização automático/assistido por computador Completude vs. Propriedades A especificação descreve uma propriedade ou todo o comportamento do sistema.

Domínio Hardware/Software; sequencial ou concorrente; funcional (calcula um valor a partir dos dados) ou reactivo (sistemas de operação, embebidos, hardware, etc)



#### Sistema dedutivos vs. Modelos

SD: O sistema é descrito por um conjunto de fórmulas  $\Gamma$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\Gamma \vdash \varphi$  (em geral semi-automático) M: O sistema é descrito por um modelo  $\mathcal{M}$ , a especificação é uma fórmula  $\varphi$ , e pretende-se  $\mathcal{M} \models \varphi$ . (em geral automático para modelos finitos).

Grau de automatização automático/assistido por computador Completude vs. Propriedades A especificação descreve uma propriedade ou todo o comportamento do sistema.

Domínio Hardware/Software; sequencial ou concorrente; funcional (calcula um valor a partir dos dados) ou reactivo (sistemas de operação, embebidos, hardware, etc)

### Métodos de Verificação

Model checking (Verificação de modelos)

Automático, Baseado em modelos, Verificação de propriedades, Sistemas concorrentes e reactivos, dinâmicos

*Verificação de programas* Interactivo, Sistemas dedutivos, Verificação de propriedades Programas que terminam

Mas estas abordagens não são estritas: podemos misturar as técnicas... por exemplo em sistemas embebidos, em sistema portadores de prova (*proof carrying code*).

### Métodos de Verificação

### Model checking (Verificação de modelos)

Automático, Baseado em modelos, Verificação de propriedades, Sistemas concorrentes e reactivos, dinâmicos

### Verificação de programas

Interactivo, Sistemas dedutivos, Verificação de propriedades, Programas que terminam

Mas estas abordagens não são estritas: podemos misturar as técnicas... por exemplo em sistemas embebidos, em sistema portadores de prova (*proof carrying code*).

### Especificação e Prova

#### Podemos classificar os métodos de prova em três categorias:

- Provas não assistidas computacionalmente: as demonstrações são efectuadas à mão e podem ser descritas informalmente.
- Ferramentas que introduzem um sistema formal para formular demonstrações: o uso de linguagem natural não é permitido.
- Ferramentas de prova computacionais.

#### Lógicas:

- lógica proposicional, lógica de primeira ordem, lógica de ordem superior
- lógica clássica versus lógica intuicionistica
- lógicas temporais

### Ferramentas de prova

- Sistemas de demonstração automática: dependem da decidibilidade de fragmentos da lógica que lhes serve de base
  - ELAN: reescrita de primeira ordem
  - ACS2: lógica de primeira ordem
  - Resolutores SMT (Satisfability Module Theory): Yices, CVC3, Z3, Alt-Ergo, Simplify: algoritmos decisão para inteiros, reais, "arrays", etc.
  - Ao contrário de model-checkers permitem racionalizar acerca de conjuntos infinitos
- Sistemas de demonstração assistida: consideram lógicas mais expressivas e potencialmente não-decidíveis
  - Combinam duas capacidades: verificação de provas; construção assistida de provas
  - Na maior parte dos assistentes de prova as demonstrações são construídas interactivamente aplicando um conjunto de tácticas: case, elim, change, rewrite, simpl, discriminate, injection, induction.



José Bacelar Almeida, Maria João Frade, Jorge Sousa Pinto, and Simão Melo de Sousa.

Rigorous Software Development: An Introduction to Program Verification.

Springer, 2011.



Christel Baier, Joost-Pieter Katoen, and Kim Guldstrand Larsen.

Principles of Model Checking.

MIT Press, 2008.



Michael Huth and Mark Ryan.

Logic in Computer Science: Modelling and reasoning about systems.

CUP, 2004.