

# Implementação de Linguagens

(Módulo sobre Linguagens Funcionais)

Pedro Vasconcelos

DCC/FCUP

3 de Abril de 2020

# Objetivos

- Introdução à implementação de linguagens de programação funcionais.
- Enfoce sobre técnicas de interpretação/compilação usando máquinas virtuais.

# Pré-requisitos

- Conhecimento da linguagem Haskell (ou ML/Caml/F#).
- Conhecimento de linguagem C.
- Noções de técnicas de compilação:
  - análise léxica;
  - análise sintática (*parsing*);
  - árvores sintáticas abstractas;
  - geração de código.

# Funcionamento

- Aulas teóricas-práticas:  $2 \times 1.5$  h por semana (video-conferência)
- Dois módulos:
  - Linguagens lógicas (Ricardo Rocha – até 31 março)
  - Linguagens funcionais (Pedro Vasconcelos — a partir de 3 abril)

# Avaliação

Trabalho prático:

- Cotado para 4 valores (8 valores para os 2 trabalhos)

Exame final:

- Cotado para 12 valores em 20.
- Classificação mínima de 40% no exame

## Bibliografia principal

- *Foundations for Functional Programming*, Lawrence C. Paulson, <http://www.cl.cam.ac.uk/~lp15/>.  
Introdução ao cálculo- $\lambda$  (próxima aula).
- *The Implementation of Functional Languages*, Simon Peyton Jones, <https://www.microsoft.com/en-us/research/publication/the-implementation-of-functional-programming-lan>

### Revisões de Haskell:

- *Programming in Haskell*, Graham Hutton, Cambridge University Press, 2007.
- *Learn you a Haskell for great good*, Miran Lipovaca, <http://learnyouahaskell.com/>

# Programação funcional

- No paradigma imperativo a computação é expressa pela execução de **instruções** que **mudam variáveis** (estado)
- No paradigma funcional a computação é expressa usando **aplicação de funções** a **valores**
- As linguagens funcionais suportam e promovem o estilo funcional
- Exemplos: Scheme, ML, O'Caml, F#, Haskell, Scala

# Linguagens funcionais modernas

- Funções são *valores de primeira classe*:
  - podem ser passadas a outras funções (**ordem superior**)
  - podem ser guardadas em estruturas de dados
- Estruturas de dados:
  - enumerações, tuplos, listas, árvores. . .
  - decomposição usando encaixe de padrões
  - gestão de memória automática
- Sistema de tipos estáticos
  - tipos determinados antes da execução
  - inferência automática de tipos (total ou parcial)
- Suporte para programação em larga escala
  - módulos (ML, O'Cam1, Haskell)
  - classes de tipos (Haskell)
  - objectos (O'Cam1, F#, Scala)



# Estado da arte

- Nos últimos 30 anos: muita investigação académica
- Implementações robustas (e.g., O'Cam1, Glasgow Haskell Compiler, F#, Scala)
- Bastante eficientes:<sup>1</sup>
  - 50%-90% velocidade de C em *bechmarks* sintéticos
  - Performance semelhante ao Java com JIT
  - Muito boa performance em alguns casos (e.g. concorrência)
- Nos últimos 10-15 anos: crescente utilização industrial
  - Jane Street, Standard Chartered, Facebook, Microsoft, Github...

---

<sup>1</sup><https://benchmarksgame-team.pages.debian.net/benchmarksgame/fastest/ghc-clang.html>

# Metodologia para estas aulas

- 1 Formalização de linguagens: sintaxe e semântica
- 2 Fundamentos de programação funcional (*cálculo- $\lambda$* )
- 3 FUN: uma linguagem funcional mínima
  - ilustrar princípios de desenho e implementação
  - permitir a experimentação por parte dos alunos
- 4 Semânticas formais para FUN
- 5 compiladores/interpretadores em Haskell/C:
  - programas sucintos
  - próximos do formalismo matemático
  - especificação executável
  - base para trabalhos práticos

# Formalização de linguagens

**Sintaxe** regras de **formação** de expressões, frases, etc.

**Semântica** definição do **significado** desses fragmentos

A sintaxe é formalizada usando **gramáticas livres de contexto**.

A semântica pode ser formalizada de várias formas; vamos usar **semânticas operacionais**.

# Gramáticas livres de contexto

$\Sigma$  conjunto de **símbolos terminais**.

$V$  conjunto de **símbolos não-terminais**.

$P$  conjunto de **produções** da forma

$$\langle \text{n\~{a}o-terminal} \rangle ::= \langle \text{alt} \rangle_1 \quad | \quad \dots \quad | \quad \langle \text{alt} \rangle_n$$

em que  $\langle \text{alt} \rangle_i$  são sequências de terminais ou não-terminais.

$S \in V$  **símbolo não-terminal inicial**

**Linguagem** sequências de símbolos terminais geradas a partir de  $S$  usando as produções.

## Exemplo: expressões aritméticas

Terminais  $\Sigma = \{0, 1, \dots, 9, +, *, (, )\}$

Não-terminais  $V = \{E, N, A\}$

Símbolo inicial  $E$

Produções

$E ::= E + E \mid E * E \mid (E) \mid N$

$N ::= AN \mid A$

$A ::= 0 \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid 4 \mid$

$5 \mid 6 \mid 7 \mid 8 \mid 9$

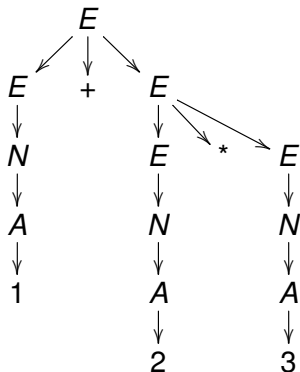
# Derivações

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + E \rightarrow E + E * E \rightarrow N + E * E \rightarrow A + E * E \\ &\rightarrow 1 + E * E \rightarrow 1 + N * E \rightarrow 1 + A * E \rightarrow 1 + 2 * E \\ &\rightarrow 1 + 2 * N \rightarrow 1 + 2 * A \rightarrow \underbrace{1 + 2 * 3}_{\text{terminais}} \end{aligned}$$

Logo: “1+2\*3” é uma **palavra** da linguagem de expressões.

# Árvores de derivação

Podemos representar a derivação de uma palavra por uma árvore:



Exercício: encontrar *outra* derivação que resulta numa *árvore diferente*.<sup>2</sup>

---

<sup>2</sup>Esta gramática é *ambígua*.

# Sintaxe abstracta

A **sintaxe abstracta** representa a estrutura da árvore de derivação omitindo informação desnecessária, e.g.:

- decomposição de números em algarismos
- parêntesis

Definindo um tipo de dados em Haskell:

```
data Expr = Add Expr Expr
          | Mult Expr Expr
          | Num Int
          deriving (Eq, Show)
```



## Sintaxe concreta vs. abstracta

1+2\*3

Add (Num 1) (Mult (Num 2) (Num 3))

Mult (Add (Num 1) (Num 2)) (Num 3)

(1+2)\*3

Mult (Add (Num 1) (Num 2)) (Num 3)

1+2+3

Add (Add (Num 1) (Num 2)) (Num 3)

Add (Num 1) (Add (Num 2) (Num 3))

# Semântica operacional

- Uma **relação**  $\Rightarrow$  entre **expressões** e **valores** (inteiros)
- Definida indutivamente sobre termos da sintaxe abstracta
- Regras de inferência da forma

$$\frac{A_1 \quad A_2 \quad \dots \quad A_n}{B}$$

$A_1, A_2, \dots, A_n$  hipóteses

$B$  conclusão

axioma quando  $n = 0$

leitura lógica: se  $A_1, \dots, A_n$  então  $B$

leitura computacional: para obter  $B$ , efectuar  $A_1, \dots, A_n$ .

## Regras de inferência

$$\frac{}{\text{Num } n \Rightarrow n}$$

$$\frac{e_1 \Rightarrow n_1 \quad e_2 \Rightarrow n_2}{\text{Add } e_1 \ e_2 \Rightarrow n_1 + n_2}$$

$$\frac{e_1 \Rightarrow n_1 \quad e_2 \Rightarrow n_2}{\text{Mult } e_1 \ e_2 \Rightarrow n_1 \times n_2}$$

## Exemplo numa derivação

$$\begin{array}{r} \frac{}{\text{Num 1} \Rightarrow 1} \quad \frac{}{\text{Num 2} \Rightarrow 2} \\ \frac{\text{Add (Num 1) (Num 2)} \Rightarrow 3}{\text{Mul (Add (Num 1) (Num 2)) (Num 3)} \Rightarrow 9} \end{array}$$

# Interpretador em Haskell

Podemos implementar  $\Rightarrow$  como uma função recursiva:

```
eval :: Expr -> Int
eval (Num n)    = n
eval (Add e1 e2) = eval e1 + eval e2
eval (Mult e1 e2) = eval e1 * eval e2
```

**Exemplo:**

```
    eval (Mult (Add (Num 1) (Num 2)) (Num 3))
= eval (Add (Num 1) (Num 2)) * eval (Num 3)
= (eval (Num 1) + eval (Num 2)) * 3
= (1 + 2) * 3
= 9
```

## Correção

O interpretador implementa correctamente a semântica operacional:

$$e \Rightarrow n \text{ se e só se } \text{eval } e = n$$

Prova: por *indução estrutural* sobre  $e$ .

## Compilação de expressões

- Vamos definir uma *máquina virtual* para a linguagem das expressões aritméticas
- Traduzimos cada expressão numa *sequência de operações*
- Eliminamos a recursão: os valores intermédios passam a ser explícitos
- Para executar o código virtual já não necessitamos da árvore sintática

# Uma máquina de pilha

Configuração da máquina abstracta:

**pilha:** uma sequência de inteiros;

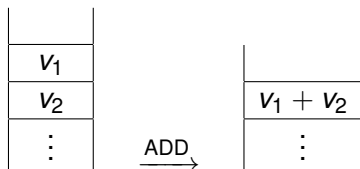
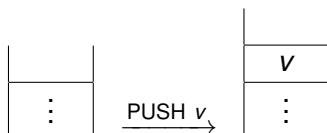
**programa:** uma sequência de *instruções*

Instruções da máquina abstracta:

PUSH $n$	coloca um valor no topo da pilha
ADD	} operações aritméticas (sobre valores na pilha)
MUL	



## Operações sobre a pilha



Analogamente para a instrução MUL.

## Definições da máquina

```
-- instruções da máquina virtual
data Instr = PUSH Int
           | ADD
           | MUL
           deriving (Eq, Show)

-- a pilha é uma lista de valores
type Stack = [Int]

-- o código é uma lista de instruções
type Code = [Instr]

-- a configuração da máquina
type State = (Stack, Code)
```

# Compilador de expressões

```
compile :: Expr -> Code
compile (Num n) = [PUSH n]
compile (Add e1 e2)
    = compile e1 ++ compile e2 ++ [ADD]
compile (Mul e1 e2)
    = compile e1 ++ compile e2 ++ [MUL]
```

- Traduz uma expressão numa sequência de instruções
- Análogo a *eval*, mas gera instruções em vez valores

## Invariante

A execução de `compile e` acrescenta o `valor de e` ao topo da pilha.

## Exemplo

```
> compile (Mult (Add (Num 1) (Num 2)) (Num 3))  
[PUSH 1, PUSH 2, ADD, PUSH 3, MUL]
```

## Função de transição

Implementa a transição associada a cada instrução da máquina abstracta:

```
exec :: State -> State
exec (stack, PUSH v:code) = (v:stack, code)
exec (v1:v2:stack, ADD:code)
    = ((v1+v2):stack, code)
exec (v1:v2:stack, MUL:code)
    = ((v1*v2):stack, code)
```

# Interpretador de código virtual

Iterar a função de transição até esgotar as instruções; o resultado é o **topo da pilha**.

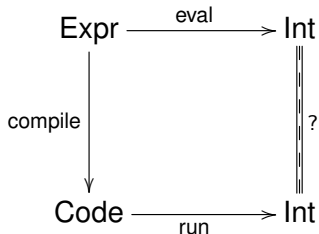
```
runState :: State -> Int
runState (v:_, []) = v
runState s          = runState (exec s)
```

```
run :: Code -> Int
run c = runState ([], c)
```

**Exemplo de execução:**

```
> run (compile (Mult (Add (Num 1) (Num 2)) (Num 3)))
9
```

## Dois processos para calcular expressões



### Correção da compilação

$$\forall e. \text{eval } e = \text{run } (\text{compile } e)$$

# Conclusão

- Dois interpretadores em Haskell:
  - `eval`
    - um interpretador de **expressões**
    - especificação de alto-nível
  - `run`
    - interpretador de **código virtual**
    - mais perto de uma máquina real
- Correção da compilação: os dois interpretadores produzem o mesmo resultado para qualquer expressão
- Na próxima aula, vamos (re)ver o **cálculo- $\lambda$** :
  - um modelo abstracto duma linguagem de programação
  - variáveis, funções, aplicação, recursão...